

## **Stanovisko habilitační komise k návrhu na jmenování docentem**

**Masarykova univerzita**

**Fakulta**

**Habilitační obor**

Přírodovědecká fakulta MU

Matematika - Geometrie

**Uchazeč**

**Mgr. Josef Šilhan, Ph.D.**

**Pracoviště**

Ústav matematiky a statistiky, Přírodovědecká fakulta MU

**Habilitační práce**

Invariant quantization and differential symmetries on AHS

**Složení komise:**

**Předseda**

prof. RNDr. Josef Janyška, DSc.

Masarykova univerzita, Přírodovědecká fakulta

**Členové**

prof. RNDr. Jan Slovák, DrSc.

Masarykova univerzita, Přírodovědecká fakulta

prof. RNDr. Olga Rossi, DrSc.

Přírodovědecká fakulta, Ostravská univerzita

prof. RNDr. Miroslav Doušovec, CSc.,dr.h.c.

Fakulta strojního inženýrství, Vysoké učení technické v Brně

doc. Mgr. Roman Lávička, Ph.D.

Matematicko-fyzikální fakulta, Univerzita Karlova v Praze

### **Stanovisko habilitační komise:**

Mgr. Josef Šilhan absolvoval v roce 2000 obor Matematika na Přírodovědecké fakultě a v roce 2001 obor Informatika na Fakultě informatiky MU. V roce 2004 obhájil Ph.D. v oboru Mathematics na PřF MU Brno; práce: "Cohomology of Lie algebras" (školitel J. Slovák). V roce 2006 obhájil Ph.D. v oboru Mathematics na University of Auckland; práce "Invariant differential operators in conformal geometry" (školitel A. R. Gover). V období 2006 až 2010 působil na postdoktorských pozicích na ÚMS PřF MU (Centrum E. Čecha, 20 měsíců), SISSA (Terst, 5 měsíců), Erwin Schrödinger Institute (Vídeň, 6 měsíců) a Max Planck Institute (Bonn, 1 rok). Od roku 2010 je zaměstnán na ÚMS PřF MU jako odborný asistent.

Habilitační komise určila 3 oponenty pro posouzení habilitační práce uchazeče, kterými byli prof. Andrew Waldron, Department of Mathematics, University of California, Davis, prof. Michael G. Eastwood, University of Adelaide, a prof. Maciej Dunajski, University of Cambridge. Po obdržení kladného hodnocení habilitační práce všemi oponenty se komise seznámila s materiály uchazeče a zhodnotila jeho dosavadní vědeckovýzkumnou a pedagogickou činnost.

## Hodnocení vědecké kvalifikace uchazeče

V práci uchazeče se výrazně odráží jeho rozmanité a široké vzdělání. Zatímco jeho diplomová práce v oboru Informatika a doktorská disertace v oboru Geometrie, topologie a globální analýza jsou technicky na pomezí vědeckotechnických výpočtů a abstraktní algebry, s motivací z geometrické analýzy, jeho druhá doktorská disertace je ryze analytická se silnou motivací z matematické fyziky.

Josef Šilhan se věnuje studiu diferenciálních operátorů na hladkých varietách s geometrickou strukturou. Zejména se jedná o konformní geometrii a - obecněji - třídu geometrických struktur známých jako parabolické Cartanovy geometrie. Nejznámějšími příklady jsou konformní a projektivní geometrie, další jsou např. některé kontaktní CR struktury, geometrie zadané distribucemi apod. Obecná teorie (založená na Lieovské reprezentační teorii) vychází z tzv. plochého (= nejsymetřičtějšího) modelu, což je homogenní prostor G/P pro vhodné Lieovy groupy G a P. Cartanova konexe a její křivost pak říká (alespoň implicitně), jak moc je studovaná geometrická struktura "vzdálena" plochému modelu.

Na parabolických geometriích existuje obecná konstrukce sekvence tzv. BGG operátorů. Jedním z dlouhodobých výzkumných témat uchazeče je studium podtřídy známé jako "první BGG operátory", které jsou přeurobené (jako systémy parciálních diferenciálních rovnic) a Josef Šilhan se věnuje například studiu invariantního prodlužování a případným křivostním obstrukcím ve specifických případech. Existuje ale i mnoho jiných invariantních operátorů (mimo třídu BGG) jako například konformní Laplace, jeho modifikace vyšších řádu nebo verze pro jiné parabolické geometrie. Josef Šilhan se věnuje studiu diferenciálních symetrií Laplace a dalších operátorů. (Tyto symetrie jsou operátory zachovávající prostor řešení Laplaceho operátoru.) Tento problém opět vede ke studiu prvních BGG operátorů, či přesněji k hledání specifických tříd jejich řešení. Dalším tématem je studium operátorů vyšších řádů (zobecňujících např. mocniny Laplace), které jsou obecně extrémně komplikované, nicméně lze najít jejich zjednodušený tvar např. na konformní Einsteinovských varietách. Jiným směrem jeho výzkumu jsou konstrukce, které z jedné parabolické struktury "vyrobí" jinou. Toto je známé jako (zobecněná) Feffermanova konstrukce a příkladem je i klasická konstrukce Walkerovy metriky. Josef Šilhan se věnuje zobecnění této konstrukce (z projektivní variety se získá konformní struktura dvojnásobné dimenze) a specifickým vlastnostem (jak tato konstrukce (ne)zachovává symetrie struktur apod.).

Josef Šilhan publikoval 13 časopiseckých článků (11 v kvalitních impaktovaných časopisech, 2 v časopisech databáze Scopus), jednu kapitolu v knize a jeden článek ve sborníku ISI. Pravidelně přednáší na vědeckých konferencích (2 zvané přednášky, 10 prezentací). Jeho práce mají velice dobrou odezvu u odborné veřejnosti, na WoS je více než 60 citací, h index 5, což je vzhledem k věku v oboru matematika velice dobrý výkon.

Habilitační komise konstataje, že dr. Šilhan je vyzrálá vědecká osobnost s kvalitními vědeckými výsledky, pravidelnou publikační činností a velice dobrým mezinárodním ohlasem. Dobře to vystihuje hodnocení obsažené v posudku jednoho z oponentů M. Dunajského: „... Podle mého názoru je Josef Šilhan jedním z perspektivních lídrů v oblasti parabolických geometrií. Při několika příležitostech jsem měl čest se zúčastnit jeho přednášek na mezinárodních konferencích. Naposledy nedávno v dubnu tohoto roku na 1. mezinárodní konferenci o diferenciální geometrii ve Fezu v Maroku. Dr Šilhan je vynikající přednášející. Ve svých prezentacích vhodně odděluje výsledky, které jsou předmětem obecného zájmu, od spíše technických aspektů formalismu. To dělá jeho přednášky přístupné širšímu publiku.“

**Závěr:** Vědecká kvalifikace uchazeče *odpovídá* požadavkům standardně kladeným na uchazeče v rámci habilitačních řízení v oboru Matematika - Geometrie na MU.

### Hodnocení pedagogické způsobilosti uchazeče

Od nástupu na Ústav matematiky a statistiky v roce 2010 převzal Josef Šilhan přednášku Diferenciální geometrie křivek a ploch, podílel se na výuce předmětu Lineární algebra a geometrie I a II (2010 a 2011). Pro Fakultu informatiky učí předměty Lineární modely a Diskrétní matematiku. V rámci zapojení do doktorandských projektů GA ČR se významně podílel na přípravě studentů doktorského studia a rozvoji postdoktorandů (nejméně 5 studentů a 5 postdoktorandů). Vzhledem k typu výuky, kterou byl uchazeč po celou dobu po návratu ze zahraničí pověřován, nepřišel v podstatě do styku se studenty v době, kdy si zapisují závěrečné práce. Navíc jeho tématika je technicky velmi náročná a vyžaduje velké množství znalostí zcela se vymykající přednášeným partiím v matematice. Proto má zatím pouze jednu úspěšně vedenou bakalářskou práci.

Mimo výuky na ÚMS PřF MU má zkušenosti i z výuky na univerzitě v Aucklandu.

Pedagogické zapojení Mgr. Josefa Šilhana odpovídá požadavkům kladeným na pedagogickou práci na ÚMS.

**Závěr:** Pedagogická způsobilost uchazeče *odpovídá* požadavkům standardně kladeným na uchazeče v rámci habilitačních řízení v oboru Matematika – Geometric na MU.

### Hodnocení habilitační práce uchazeče

Habilitační práce 'Invariant quantization and differential symmetries on AHS structures' se skládá z 6 článků, jejichž autor nebo spoluautor je Josef Šilhan. Všechny články byly publikovány v kvalitních impaktovaných časopisech. Publikace jsou doplněny společným úvodem. Spojující tématikou všech článků je teorie lineárních invariantních operátorů, které zobecňují konformní Laplace–Beltramiho operátor na variety s AHS (almost Hermitian symmetric) strukturou. Tyto struktury odpovídají Cartanovým konexům na kompaktních Hermiteovských symetrických prostorech  $G/P$ , kde  $G$  je polo-jednoduchá Lieova grupa, a  $P$  je její parabolická podgrupa. AHS struktury jsou zobecněním diferenciální geometrie (pseudo)-Riemannovských variet. Dva nejznámější příklady jsou konformní geometrie a projektivní geometrie.

Habilitační práci posuzovali výše uvedení oponenti, kteří patří mezi světově uznávané odborníky v daném oboru a práci posuzovali v kontextu standardů špičkových univerzit, na nichž sami pracují. Hodnocení všech tří oponentů je kladné a vyplývá z něj, že téma práce je velice aktuální a prezentované výsledky jsou na vysoké mezinárodní úrovni. Všichni oponenti konstatují, že habilitační práce je podložena významnými publikacemi v kvalitních impaktovaných časopisech.

**Závěr:** Úroveň habilitační práce uchazeče *odpovídá* požadavkům standardně kladeným na habilitační práce v oboru Matematika – Geometrie na MU.

## Výsledek tajného hlasování komise

počet členů komise

5

počet členů komise přítomných hlasování

5

počet odevzdaných hlasů

5

z toho

kladných

5

záporných

0

neplatných

0

## Návrh komise

Na základě výsledku tajného hlasování následujícího po zhodnocení vědecké kvalifikace, pedagogické způsobilosti a úrovně habilitační práce uchazeče předkládá komise Vědecké radě Přírodovědecké fakulty Masarykovy univerzity návrh



jmenovat uchazeče docentem  
v oboru Matematika - Geometrie.



na zastavení řízení.

V Brně, dne 20.5.2016

prof. RNDr. Josef Janyška, DSc.

prof. RNDr. Jan Slovák, DrSc.

prof. RNDr. Olga Rossi, DrSc.

prof. RNDr. Miroslav Doušovec, CSc., dr.h.c.

doc. Mgr. Roman Lávička, Ph.D.